

ΕΘΝΙΚΟ ΜΕΤΣΟΒΙΟ ΠΟΛΥΤΕΧΝΕΙΟ

ΣΧΟΛΗ ΗΛΕΚΤΡΟΛΟΓΩΝ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ ΚΑΙ ΜΗΧΑΝΙΚΩΝ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ

Μονάδα Προβλέψεων & Στρατηγικής

Forecasting & Strategy Unit

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

Παρακολούθηση Χρονοσειράς Διάλεξη 11



Παρακολούθηση (1 από 3)

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

- Η επίδραση σημαντικών αλλαγών, που προέρχονται, για παράδειγμα, από προϊόντα της αγοράς ή αλλαγές στον πληθυσμό, στη ζήτηση προϊόντων ή υπηρεσιών της κάθε επιχείρησης αποτελούν μία πολύ σημαντική επιχειρηματική δραστηριότητα, που αποσκοπεί είτε στην ελαχιστοποίηση πιθανού κόστους ή στη μεγιστοποίηση του κέρδους μέσω εκμετάλλευσης ευκαιριών.
- Σε κάθε περίπτωση, οι επιχειρηματίες καλούνται να λάβουν αποφάσεις που θα έχουν ως αποτέλεσμα τη διακοπή της κανονικής παραγωγικής λειτουργίας και την αναδιάρθρωση των υπαρχόντων πόρων.
- Η παρακολούθηση των χρονοσειρών έχει ως στόχο την αυτόματη ανίχνευση σημαντικών αλλαγών στο πρότυπο της χρονοσειράς (όπως, για παράδειγμα, απότομες αυξήσεις ή μειώσεις), καθώς νέα δεδομένα γίνονται διαθέσιμα, όσο το δυνατόν συντομότερα από τη στιγμή που αυτές πραγματοποιούνται και με όσο το δυνατόν λιγότερες εσφαλμένες ανιχνεύσεις.
- Συνήθως, οι εφαρμογές παρακολούθησης γίνονται σε πολύ μεγάλο πλήθος χρονοσειρών, οπότε η χρήση αυτοματοποιημένων μεθόδων που προσφέρουν χαμηλό κόστος παρακολούθησης φαντάζει επιτακτική.
- Οι επισημασμένες χρονοσειρές μελετώνται περαιτέρω προκειμένου να συντελεσθούν οι απαραίτητες επιχειρηματικές ενέργειες.

Παρακολούθηση (2 από 3)

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

Η παρακολούθηση των χρονοσειρών είναι άμεσα συνυφασμένη με το πεδίο των προβλέψεων για δύο κυρίως λόγους.

- Πρώτον, η **ανίχνευση** αλλαγών βασίζεται κυρίως στο **σφάλμα ακρίβειας** που προέκυψε από προέκταση της χρονοσειράς στο μέλλον. Αρκετές έρευνες μελετούν τη σχέση που υπάρχει μεταξύ της ακρίβειας πρόβλεψης χρονοσειρών και της επιτυχίας ανίχνευσης σημαντικών αλλαγών στο πρότυπο της χρονοσειράς.
- Δεύτερον, η παρακολούθηση των χρονοσειρών είναι (ή θα πρέπει να είναι) **βασική συνιστώσα στα συστήματα επιχειρηματικών προβλέψεων** που εγκαθίστανται στις επιχειρήσεις, καθώς, όταν η εφαρμογή απλών προβλεπτικών μεθόδων καταλήγει σε μεγάλα σφάλματα πρόβλεψης, απαιτούνται επιχειρηματικές παρεμβάσεις.

Ακόμα, δεν είναι τυχαίο το γεγονός πως η εξέλιξη των μεθόδων παρακολούθησης ήταν κυρίως έργο ερευνητών που προέρχονταν από το πεδίο των προβλέψεων.

Παρακολούθηση (3 από 3)

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

- Ο βασικός στόχος της πρόβλεψης είναι η εκτίμηση της μελλοντικής μέσης τιμής, λαμβάνοντας υπόψη την τάση, μέσω κατάλληλων παραμέτρων του μοντέλου, και υποθέτοντας πως δε θα συντελεστεί για το ζητούμενο ορίζοντα πρόβλεψης κάποια σημαντική (διαρθρωτική) αλλαγή στο πρότυπο των δεδομένων.
- Όταν παρατηρηθεί ένα σχετικά μεγάλο σφάλμα στη σειρά των προβλέψεων ή όταν μία σειρά από συνεχόμενα σφάλματα έχουν την ίδια κατεύθυνση (το ίδιο πρόσημο), δηλώνοντας, με τον τρόπο αυτό, πρόβλεψη που χαρακτηρίζεται από μεροληψία, είναι αρκετά πιθανή η ύπαρξη μιας αλλαγής στο πρότυπο της χρονοσειράς, η οποία χρήζει περαιτέρω έρευνας και ελέγχου από τη σκοπιά του διευθυντή.
- Οι μέθοδοι εκθετικής εξομάλυνσης θα προσαρμόσουν τις προβλέψεις τους με καθυστέρηση μίας περιόδου έπειτα από την ολοκλήρωση της αλλαγής του προτύπου, αλλά τα σφάλματα της πρόβλεψης στις ενδιάμεσες περιόδους είναι αρκετά ώστε να επιτευχθεί η ανίχνευση της διαρθρωτικής αλλαγής στο πρότυπο των δεδομένων.

Μέθοδος Παρακολούθησης Brown

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

Η μέθοδος Brown k -περιόδων για την περίοδο n υπολογίζεται ως το απόλυτο πηλίκο του αθροίσματος των σφαλμάτων πρόβλεψης της περιόδου n και των $k-1$ προηγούμενων περιόδων προς την εκθετικά εξομαλυμένη μέση απόκλιση των απόλυτων σφαλμάτων στην περίοδο n , ως εξής:

$$\begin{aligned} \text{Brown}_k &= \left| \frac{\text{CUSUM}_n^k}{\text{MAD}_n} \right| \\ &= \left| \frac{\sum_{t=n-k+1}^n e_t}{(1-\beta)^n \cdot e_0 + \sum_{t=1}^n \beta \cdot (1-\beta)^{n-t} \cdot |e_t|} \right| \end{aligned}$$

- Όπου β είναι η παράμετρος εξομάλυνσης του παρανομαστή για τη μέθοδο του Brown.
- Επίσης, το e_0 αποτελεί την αρχικοποίηση για το δείκτη MAD και υπολογίζεται σύμφωνα με τον ακόλουθο τύπο:

$$e_0 = \frac{\sum_{t=1}^6 |e_t|}{6}$$

Μέθοδος Παρακολούθησης Brown

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

- Η μέθοδος που προτάθηκε αρχικά από τον Brown (1959; 1963) πρότεινε τον υπολογισμό του δείκτη CUSUM για το σύνολο των περιόδων της χρονοσειράς (από την αρχή αυτής).
- Όμως, ο Trigg (1964) παρατήρησε πως, αν δε συντελεστεί επαναφορά του δείκτη CUSUM αμέσως μετά από μία σημαντική αλλαγή του προτύπου της χρονοσειράς, **ενδέχεται η μέθοδος να παράγει ως έξοδο λανθασμένες ανιχνεύσεις σημαντικών αλλαγών**, αφού το **συσσωρευτικό** άθροισμα θα περιλαμβάνει τα μεγάλα σφάλματα που υπολογίστηκαν στις προηγούμενες περιόδους.
- Αυτή ακριβώς η παρατήρηση αποτέλεσε και την πρωταρχική ώθηση για την ανάπτυξη της μεθόδου παρακολούθησης του Trigg, η οποία ενσωματώνει εκθετική εξομάλυνση και στον αριθμητή, προκειμένου να μειώνει σημαντικά την επίδραση σφαλμάτων πρόβλεψης παλαιοτέρων χρονικών περιόδων.
- Παρά ταύτα, προτάθηκαν κατά καιρούς και άλλες μέθοδοι βασισμένες στον υπολογισμό του δείκτη CUSUM για ένα ή περισσότερα εύρη δεδομένων (k), σε αντίθεση με ένα άθροισμα για το σύνολο των δεδομένων, ώστε να επιλύεται το πρόβλημα της επαναφοράς.
- Οι μέθοδοι αυτές ολοκληρώνονται με ταυτόχρονο υπολογισμό και παρακολούθηση πολλών δεικτών Brown k , ανάλογα με τον αριθμό των μηκών των χρονικών διαστημάτων που επιλέγονται προς παρακολούθηση. Η τιμή της παραμέτρου k συνήθως κυμαίνεται από μία έως πέντε χρονικές περιόδους.

Μέθοδος Παρακολούθησης Trigg

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

Η μέθοδος παρακολούθησης του Trigg προκύπτει από αντικατάσταση του δείκτη CUSUM στον αριθμητή της μεθόδου Brown με ένα εκθετικά εξομαλυμένο άθροισμα σφαλμάτων πρόβλεψης En:

$$\begin{aligned} \text{Trigg}_n &= \left| \frac{E_n}{\text{MAD}_n} \right| \\ &= \left| \frac{\sum_{t=1}^n \alpha \cdot (1 - \alpha)^{n-t} \cdot e_t}{(1 - \beta)^n \cdot e_0 + \sum_{t=1}^n \beta \cdot (1 - \beta)^{n-t} \cdot |e_t|} \right| \end{aligned}$$

- Όπου α είναι η παράμετρος εξομάλυνσης του αριθμητή.
- Όπως αναφέρθηκε, η εξομάλυνση στον αριθμητή επιτρέπει στο δείκτη να εφαρμόζει μειωμένα βάρη στα σφάλματα καθώς μεγαλώνει η χρονική τους υστέρηση από τις τρέχουσες περιόδους.
- Η αλλαγή αυτή προκαλεί στο δείκτη αυτόματη επαναφορά, με μία μικρή χρονική υστέρηση, μετά την ανίχνευση της αλλαγής του προτύπου.

Παράμετροι εξομάλυνσης

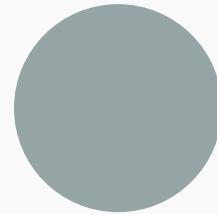
Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

- Αναφορικά με τις τιμές που λαμβάνουν οι παράμετροι εξομάλυνσης α και β των μεθόδων παρακολούθησης, οι Gardner (1983) και Golder και Settle (1976) αρχικά πρότειναν να λαμβάνουν την ίδια τιμή, ίση με τη βέλτιστη παράμετρο εξομάλυνσης για τη μέθοδο εκθετικής εξομάλυνσης σταθερού επιπέδου.
- Επίσης, εξετάσθηκε η περίπτωση να διαφέρουν από την παράμετρο εξομάλυνσης της πρόβλεψης, αλλά να εξακολουθούν να λαμβάνουν μία κοινή τιμή (Gardner, 1985).
- Η έρευνα του McClain (1988), τέλος, έδειξε πως η επιλογή διαφορετικών παραμέτρων εξομάλυνσης σε αριθμητή και παρανομαστή έχει γενικά καλύτερα αποτελέσματα, συνιστώντας χαμηλότερες τιμές για την παράμετρο β.
- Γενικά, οι παράμετροι εξομάλυνσης α και β επιλέγονται ούτως ώστε:

$$0,05 \leq \alpha \leq 1$$

$$0,05 \leq \beta \leq 0,5$$

$$\beta \leq \alpha$$



Ανίχνευση αλλαγών

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

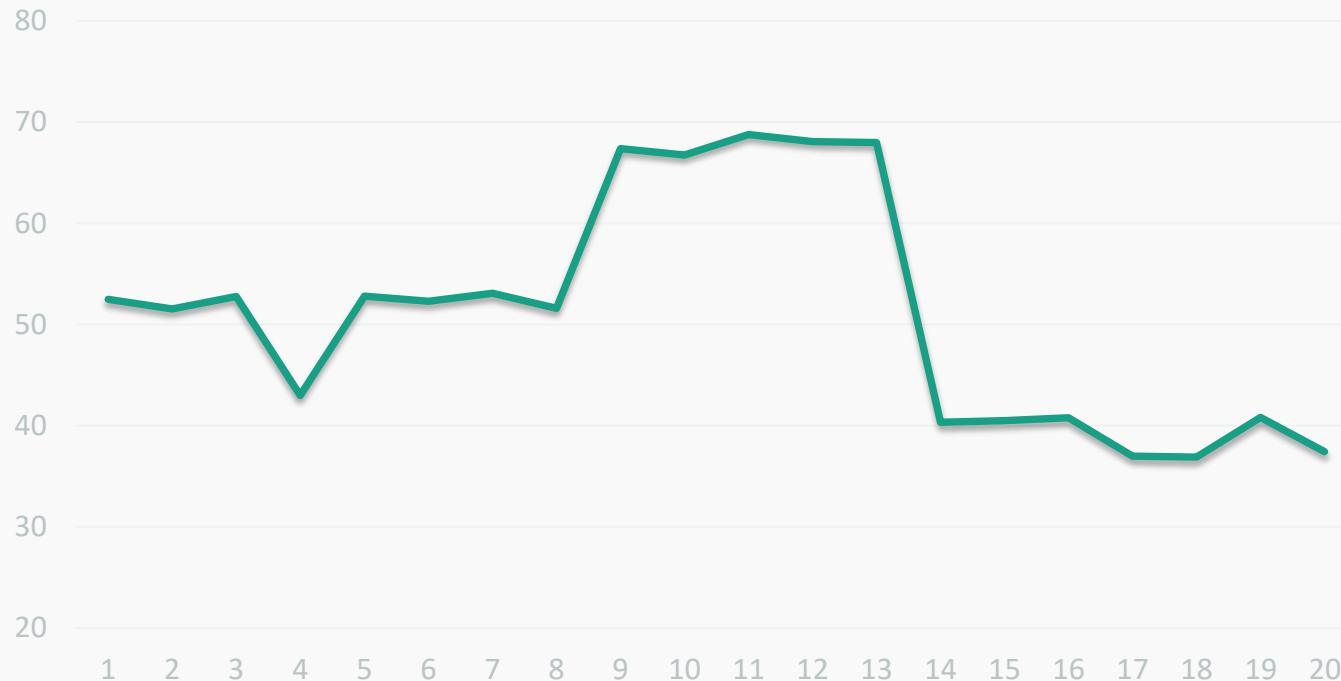
- Η ανίχνευση σημαντικών αλλαγών, σύμφωνα με τις μεθόδους των Brown και Trigg, επιτυγχάνεται για τη χρονική περίοδο όπου ο δείκτης που υπολογίζεται σύμφωνα με κάθε μέθοδο υπερβεί ένα συγκεκριμένο όριο (κατώφλι ή threshold) ενεργοποίησης.
- Η αλλαγή της τιμής του ορίου αυτού συνεπάγεται τροποποίηση της ευαισθησίας της εκάστοτε μεθόδου.
- Στην πράξη, εφαρμόζονται συνήθως οι ακόλουθες σχέσεις ενεργοποίησης, ανάλογα με την επιλεγμένη μέθοδο παρακολούθησης:

if ($Brown_k > 0.5$) then "Structural Change Detected"

if ($Trigg > 0.5$) then "Structural Change Detected"

Παράδειγμα

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές



| Περίοδος | Δεδομένα | Προβλέψεις |
|----------|----------------|----------------|
| t/n | Y _t | F _t |
| 1 | 52,474 | 52,256 |
| 2 | 51,543 | 52,365 |
| 3 | 52,749 | 51,954 |
| 4 | 43,000 | 52,352 |
| 5 | 52,806 | 47,676 |
| 6 | 52,298 | 50,241 |
| 7 | 53,092 | 51,269 |
| 8 | 51,583 | 52,181 |
| 9 | 67,362 | 51,882 |
| 10 | 66,731 | 59,622 |
| 11 | 68,770 | 63,177 |
| 12 | 68,079 | 65,973 |
| 13 | 67,968 | 67,026 |
| 14 | 40,321 | 67,497 |
| 15 | 40,491 | 53,909 |
| 16 | 40,790 | 47,200 |
| 17 | 36,985 | 43,995 |
| 18 | 36,897 | 40,490 |
| 19 | 40,801 | 38,693 |
| 20 | 37,441 | 39,747 |

Παράδειγμα

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

$$e_t = Y_t - F_t$$

$$S_t = S_{t-1} + \alpha \cdot e_t$$

$$F_{t+1} = S_t$$

$$F_{t+1} = \alpha \cdot Y_t + (1 - \alpha) \cdot F_t$$

| Περίοδος | Δεδομένα | Προβλέψεις | Σφάλματα |
|----------|----------------|----------------|----------------|
| t/n | Y _t | F _t | e _t |
| 1 | 52,474 | 52,256 | 0,219 |
| 2 | 51,543 | 52,365 | -0,822 |
| 3 | 52,749 | 51,954 | 0,795 |
| 4 | 43,000 | 52,352 | -9,352 |
| 5 | 52,806 | 47,676 | 5,130 |
| 6 | 52,298 | 50,241 | 2,057 |
| 7 | 53,092 | 51,269 | 1,823 |
| 8 | 51,583 | 52,181 | -0,598 |
| 9 | 67,362 | 51,882 | 15,480 |
| 10 | 66,731 | 59,622 | 7,110 |
| 11 | 68,770 | 63,177 | 5,593 |
| 12 | 68,079 | 65,973 | 2,106 |
| 13 | 67,968 | 67,026 | 0,942 |
| 14 | 40,321 | 67,497 | -27,176 |
| 15 | 40,491 | 53,909 | -13,418 |
| 16 | 40,790 | 47,200 | -6,411 |
| 17 | 36,985 | 43,995 | -7,010 |
| 18 | 36,897 | 40,490 | -3,593 |
| 19 | 40,801 | 38,693 | 2,107 |
| 20 | 37,441 | 39,747 | -2,306 |

Παράδειγμα

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

$$e_i = Y_i - F_i$$

| Περίοδος | Δεδομένα | Σφάλματα | Αριθμητής |
|----------|----------------|----------------|----------------|
| t/n | Y _t | e _t | E _n |
| 1 | 52,474 | 0,219 | 0,044 |
| 2 | 51,543 | -0,822 | -0,129 |
| 3 | 52,749 | 0,795 | 0,056 |
| 4 | 43,000 | -9,352 | -1,826 |
| 5 | 52,806 | 5,130 | -0,435 |
| 6 | 52,298 | 2,057 | 0,064 |
| 7 | 53,092 | 1,823 | 0,415 |
| 8 | 51,583 | -0,598 | 0,213 |
| 9 | 67,362 | 15,480 | 3,266 |
| 10 | 66,731 | 7,110 | 4,035 |
| 11 | 68,770 | 5,593 | 4,347 |
| 12 | 68,079 | 2,106 | 3,898 |
| 13 | 67,968 | 0,942 | 3,307 |
| 14 | 40,321 | -27,176 | -2,790 |
| 15 | 40,491 | -13,418 | -4,915 |
| 16 | 40,790 | -6,411 | -5,214 |
| 17 | 36,985 | -7,010 | -5,573 |
| 18 | 36,897 | -3,593 | -5,177 |
| 19 | 40,801 | 2,107 | -3,720 |
| 20 | 37,441 | -2,306 | -3,438 |

Παράδειγμα

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

$$\text{Trigg}_n = \left| \frac{E_n}{\text{MAD}_n} \right| = \left| \frac{\sum_{t=1}^n \alpha \cdot (1 - \alpha)^{n-t} \cdot e_t}{(1 - \beta)^n \cdot e_0 + \sum_{t=1}^n \beta \cdot (1 - \beta)^{n-t} \cdot |e_t|} \right|$$

$$E_1 = \sum_{t=1}^1 \alpha \cdot (1 - \alpha)^{1-t} \cdot e_t = 0,2 \cdot (1 - 0,2)^0 \cdot e_1$$

$$\Rightarrow E_1 = 0,2 \cdot 1 \cdot 0,219 = 0,044$$

$$E_2 = \sum_{t=1}^2 \alpha \cdot (1 - \alpha)^{2-t} \cdot e_t = 0,2 \cdot (1 - 0,2)^1 \cdot e_1 + 0,2 \cdot (1 - 0,2)^0 \cdot e_2$$

$$\Rightarrow E_2 = 0,2 \cdot 0,8 \cdot 0,219 + 0,2 \cdot 1 \cdot (-0,822) = -0,129$$

Παράδειγμα

| Περίοδος | Δεδομένα | Σφάλματα | Παρονομαστής |
|----------|----------------|----------------|------------------|
| t/n | Y _t | e _t | MAD _n |
| 1 | 52,474 | 0,219 | 2,494 |
| 2 | 51,543 | -0,822 | 2,159 |
| 3 | 52,749 | 0,795 | 1,887 |
| 4 | 43,000 | -9,352 | 3,380 |
| 5 | 52,806 | 5,130 | 3,730 |
| 6 | 52,298 | 2,057 | 3,395 |
| 7 | 53,092 | 1,823 | 3,081 |
| 8 | 51,583 | -0,598 | 2,584 |
| 9 | 67,362 | 15,480 | 5,163 |
| 10 | 66,731 | 7,110 | 5,552 |
| 11 | 68,770 | 5,593 | 5,561 |
| 12 | 68,079 | 2,106 | 4,870 |
| 13 | 67,968 | 0,942 | 4,084 |
| 14 | 40,321 | -27,176 | 8,702 |
| 15 | 40,491 | -13,418 | 9,645 |
| 16 | 40,790 | -6,411 | 8,999 |
| 17 | 36,985 | -7,010 | 8,601 |
| 18 | 36,897 | -3,593 | 7,599 |
| 19 | 40,801 | 2,107 | 6,501 |
| 20 | 37,441 | -2,306 | 5,662 |

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

$$\begin{aligned} \text{Trigg}_n &= \left| \frac{E_n}{MAD_n} \right| \\ &= \left| \frac{\sum_{t=1}^n \alpha \cdot (1 - \alpha)^{n-t} \cdot e_t}{(1 - \beta)^n \cdot e_0 + \sum_{t=1}^n \beta \cdot (1 - \beta)^{n-t} \cdot |e_t|} \right| \\ e_0 &= \frac{\sum_{t=1}^6 |e_t|}{6} = 3,06 \end{aligned}$$

$$MAD_1 = (1 - \beta)^1 \cdot e_0 + \sum_{t=1}^1 \beta \cdot (1 - \beta)^{1-t} \cdot |e_t|$$

$$\Rightarrow MAD_1 = 0,8 \cdot 3,06 + 0,2 \cdot (1 - 0,2)^0 \cdot |0,219| = 2,494$$

$$MAD_2 = (1 - \beta)^2 \cdot e_0 + \sum_{t=1}^2 \beta \cdot (1 - \beta)^{2-t} \cdot |e_t|$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow MAD_2 &= 0,8^2 \cdot 3,06 + 0,2 \cdot (1 - 0,2)^1 \cdot |0,219| \\ &\quad + 0,2 \cdot (1 - 0,2)^0 \cdot |-0,822| = 2,159 \end{aligned}$$

Παράδειγμα

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

| Περίοδος t/n | Δεδομένα Y_t | Αριθμητής E_n | Παρονομαστής MAD_n | Δείκτες $Trigg_n$ |
|-----------------|-------------------|--------------------|-------------------------|----------------------|
| 1 | 52,474 | 0,044 | 2,494 | 0,018 |
| 2 | 51,543 | -0,129 | 2,159 | 0,060 |
| 3 | 52,749 | 0,056 | 1,887 | 0,029 |
| 4 | 43,000 | -1,826 | 3,380 | 0,540 |
| 5 | 52,806 | -0,435 | 3,730 | 0,117 |
| 6 | 52,298 | 0,064 | 3,395 | 0,019 |
| 7 | 53,092 | 0,415 | 3,081 | 0,135 |
| 8 | 51,583 | 0,213 | 2,584 | 0,082 |
| 9 | 67,362 | 3,266 | 5,163 | 0,633 |
| 10 | 66,731 | 4,035 | 5,552 | 0,727 |
| 11 | 68,770 | 4,347 | 5,561 | 0,782 |
| 12 | 68,079 | 3,898 | 4,870 | 0,801 |
| 13 | 67,968 | 3,307 | 4,084 | 0,810 |
| 14 | 40,321 | -2,790 | 8,702 | 0,321 |
| 15 | 40,491 | -4,915 | 9,645 | 0,510 |
| 16 | 40,790 | -5,214 | 8,999 | 0,579 |
| 17 | 36,985 | -5,573 | 8,601 | 0,648 |
| 18 | 36,897 | -5,177 | 7,599 | 0,681 |
| 19 | 40,801 | -3,720 | 6,501 | 0,572 |
| 20 | 37,441 | -3,438 | 5,662 | 0,607 |

$$Trigg_n = \left| \frac{E_n}{MAD_n} \right|$$

$$Trigg_1 = \left| \frac{E_1}{MAD_1} \right| = \left| \frac{0,044}{2,494} \right| = 0,018$$

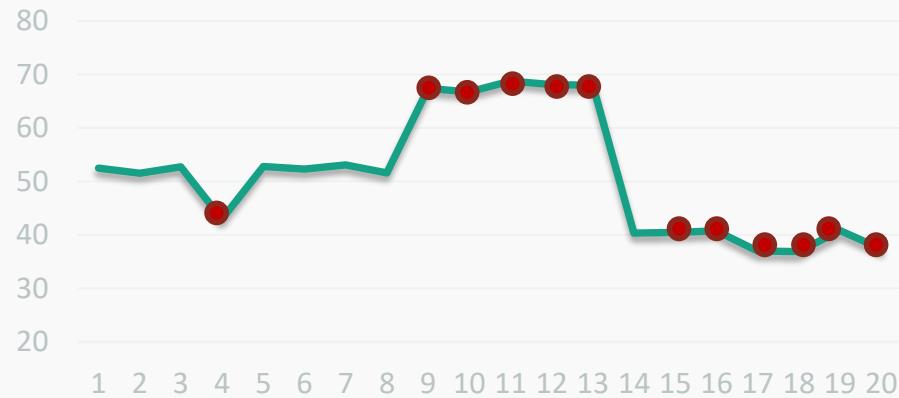
$$Trigg_2 = \left| \frac{E_2}{MAD_2} \right| = \left| \frac{-0,129}{2,159} \right| = 0,060$$

Παράδειγμα

Επιχειρηματικές Προβλέψεις: Μέθοδοι & Τεχνικές

if ($\text{Trigg} > 0.5$) then "Structural Change Detected"

| Περίοδος | Δεδομένα | Δείκτες | Ανίχνευση |
|----------|----------------|--------------------|-----------|
| t/n | Y _t | Trigg _n | |
| 1 | 52,474 | 0,018 | ΟΧΙ |
| 2 | 51,543 | 0,060 | ΟΧΙ |
| 3 | 52,749 | 0,029 | ΟΧΙ |
| 4 | 43,000 | 0,540 | ΝΑΙ |
| 5 | 52,806 | 0,117 | ΟΧΙ |
| 6 | 52,298 | 0,019 | ΟΧΙ |
| 7 | 53,092 | 0,135 | ΟΧΙ |
| 8 | 51,583 | 0,082 | ΟΧΙ |
| 9 | 67,362 | 0,633 | ΝΑΙ |
| 10 | 66,731 | 0,727 | ΝΑΙ |
| 11 | 68,770 | 0,782 | ΝΑΙ |
| 12 | 68,079 | 0,801 | ΝΑΙ |
| 13 | 67,968 | 0,810 | ΝΑΙ |
| 14 | 40,321 | 0,321 | ΟΧΙ |
| 15 | 40,491 | 0,510 | ΝΑΙ |
| 16 | 40,790 | 0,579 | ΝΑΙ |
| 17 | 36,985 | 0,648 | ΝΑΙ |
| 18 | 36,897 | 0,681 | ΝΑΙ |
| 19 | 40,801 | 0,572 | ΝΑΙ |
| 20 | 37,441 | 0,607 | ΝΑΙ |





Feel free to say hi!

We are friendly and social

Ηρώων Πολυτεχνείου 9, Ζωγράφος
Αττική, 15780, Ελλάδα
Τηλέφωνο: 2107723637 Fax: 2107723740

Κτίριο της Σχολής Ηλεκτρολόγων Μηχανικών και Μηχανικών Υπολογιστών
2ος όροφος - 2.2.1 Εργαστήριο



@FSU NTUA



Μονάδα
Προβλέψεων και
Στρατηγικής ΕΜΠ



spiliotis@fsu.gr

